

教 科 数学

科目 数学 C	(必修)	授業時数 2 単位
		履修学年 3 学年

目 標	ベクトル，平面上の曲線と複素数平面について理解させ，基礎的な知識の習得と技能の習熟を図り，数学的な表現の工夫について認識を深め，事象を数学的に考察する能力を培い，数学のよさを認識できるようにするとともに，それらを活用する態度を育てる。
-----	---

●学習内容

1 学期	時間	2 学期	26 時間	3 学期	44 時間
		第 1 章 平面上のベクトル	18	第 2 章 空間のベクトル	8
		1 ベクトルとその演算		2 座標空間における図形	
		2 ベクトルと平面図形		第 3 章 複素数平面	18
		第 2 章 空間のベクトル	8	第 4 章 式と曲線	18
		1 空間の点		1 2 次曲線	
				2 媒介変数表示と極座標	

教材
教科書:「新編 数学 C」数研出版 問題集:「Study-Up 数学 C」数研出版

授業の進め方 (どのように学ぶか)
単に説明を聞き，考え方を暗記することでパターン化し問題を解くのではなく，自ら疑問を持ち，考え，数学の本質を理解し，さらにはそれらの学習事項を体系的に整理することで数学的な見方・考え方を豊かにすること。

●身に付ける能力と評価

評価の観点	知識・技術	思考力・判断力・表現力	主体的に取り組む態度	
評価基準	活用できる (できる)	ベクトル，平面上の曲線と複素数平面についての基本的な概念や原理・法則を体系的に理解するとともに，数学的な表現の工夫について認識を深め，事象を数学化したり，数学的に解釈したり，数学的に表現・処理したりする技能を活用できる。	大きさや向きをもった量に着目し，演算法則やその図形的な意味を考察する力，図形や図形の構造に着目し，それらの性質を統合的・発展的に考察する力，数学的な表現を用いて事象を簡潔・明瞭・的確に表現することができる。	数学のよさを認識し数学を活用しようとする態度，粘り強く柔軟に考え数学的論拠に基づいて判断しようとする態度，問題解決の過程を振り返って考察を深めたり，評価・改善したりしようとする態度や創造性の基礎を身に付けている。
	習得する (わかる)	ベクトル，平面上の曲線と複素数平面についての基本的な概念や原理・法則を体系的に理解するとともに，数学的な表現の工夫について認識を深め，事象を数学化したり，数学的に解釈したり，数学的に表現・処理したりする技能を身に付けるようにする。	大きさや向きをもった量に着目し，演算法則やその図形的な意味を考察する力，図形や図形の構造に着目し，それらの性質を統合的・発展的に考察する力，数学的な表現を用いて事象を簡潔・明瞭・的確に表現する力を養う。	数学のよさを認識し数学を活用しようとする態度，粘り強く柔軟に考え数学的論拠に基づいて判断しようとする態度，問題解決の過程を振り返って考察を深めたり，評価・改善したりしようとする態度や創造性の基礎を養う。
評価方法	定期テスト・授業の取り組み	定期テスト・授業の取り組み	課題提出・授業の取り組み	

単元別 評価規準

第 1 章 平面上のベクトル

評価の観点	知識・技術	思考力・判断力・表現力	主体的に取り組む態度
評価基準 活用できる (できる)	○有向線分で表されたベクトルを，2 つのベクトルの和，差に表現できる。	○点の座標とベクトルの成分の関係を，座標平面上の図形の問題に活用でき	○内積の性質を，既習の知識を用いて証明しようとする。

		<p>○点の座標とベクトルの成分の関係を理解し、2点で定められるベクトルを成分表示できる。</p> <p>○成分表示された2つのベクトルのなす角を、内積を用いて求めることができる。</p> <p>○ベクトルの垂直条件を理解し、成分を定めることができる。</p> <p>○三角形の面積がベクトルを用いて求められることを理解し、座標平面上の三角形の面積を求めることができる。</p>	<p>る。</p> <p>○内積の性質を用いて、等式を証明したり、ベクトルの大きさやなす角を求めたりすることができる。</p> <p>○位置ベクトルを活用して、3点が一直線上にあることを証明できる。</p> <p>○位置ベクトルの一意性を活用して、線分の交点の位置ベクトルを求めることができる。</p>	<p>○三角形の面積が内積で表されることに興味・関心をもち、問題解決に利用しようとする。</p> <p>○線分ABをm:nに内分する点の位置ベクトルを求める過程を参考に、m:nに外分する点の位置ベクトルを、mとnの大小関係に関わらず自ら求めようとする。</p>
習得する (わかる)	<p>○有向線分を用いたベクトルの定義や表し方を理解している。</p> <p>○ベクトルの和の定義を理解し、それを図示できる。</p> <p>○ベクトルの和の計算ができる。</p> <p>○ベクトルの差の定義を理解し、それを図示できる。</p> <p>○ベクトルの実数倍の定義を理解し、式で表現できる。</p> <p>○ベクトルの実数倍の性質をもとに、ベクトルの演算ができる。</p> <p>○ベクトルの平行条件を理解し、平行なベクトルを求めることができる。</p> <p>○ベクトルの成分表示の仕組みを理解し、具体的なベクトルを成分表示できる。また、そのベクトルの大きさを求めることができる。</p> <p>○成分表示されたベクトルの和、差、実数倍の計算ができる。</p> <p>○内積が実数であることを理解している。</p> <p>○ベクトルの内積の定義を理解し、内積を求めることができる。</p> <p>○成分表示されたベクトルの内積を求めることができる。</p>	<p>○ベクトルの和、差、実数倍の定義をもとに、それらを組み合わせたベクトルの図示ができる。</p> <p>○ベクトルの平行条件を成分表示にも適用し、成分を定めることができる。</p> <p>○ベクトルの垂直条件を活用して、与えられたベクトルに垂直なベクトルを求めることができる。</p> <p>○位置ベクトルを活用して、図形の性質が考察できる。</p>	<p>○日常の量で、向きと大きさをもつものがあることに興味をもち、それをベクトルで表現しようとする。</p> <p>○ベクトルの演算に興味をもち、数式の演算法則との類似点を考察しようとする。</p> <p>○成分表示されたベクトルの演算法則を、ベクトルの演算法則から導き出そうとする。</p> <p>○ベクトルの内積のもつ図形的な意味を探ろうとする。</p> <p>○ベクトルを用いて円の性質を考察する意欲がある。</p> <p>○直線のベクトル方程式を積極的に活用しようとする。</p>	

第2章 空間ベクトル

評価の観点		知識・技術	思考力・判断力・表現力	主体的に取り組む態度
評価基準	活用できる (できる)	<p>○平行六面体におけるベクトルを、和の形に表すことができる。</p> <p>○空間のベクトルの内積や、成分表示された2つのベクトルのなす角を求めることができる。</p> <p>○位置ベクトルの一意性を活用して、直線と平面の交点の位置ベクトルを求めることができる。</p> <p>○ベクトルの内積を活用して、図形の性質を証明できる。</p> <p>○座標平面に平行な平面や、座標軸に垂直な平面の方程式が求められるようになる。</p> <p>○いろいろな球面の方程式が求められる。</p>	<p>○座標空間の3点で定まる角の大きさを、ベクトルを活用して求めることができる。</p> <p>○ベクトルの垂直条件を活用して、与えられたベクトルに垂直なベクトルを求めることができる。</p> <p>○球面と平面が交わってできる図形を、連立方程式の解の集合として考察できる。</p>	<p>○四面体の重心に興味をもち、その性質を位置ベクトルで考察しようとする。</p> <p>○3点が定める平面上の点の位置ベクトルを一般的に考察し、その結果を利用しようとする。</p> <p>○球面の方程式に興味をもち、一般的な考察をしようとする。</p>
	習得する	<p>○空間における点の表し方を理解し、座標平面や座標軸、原点に関して対称な点</p>	<p>○空間のベクトルが3つのベクトルの線形和で1通りに表される理由について、</p>	<p>○座標空間における点の表し方を、座標平面における点の表し方の拡張とし</p>

	(わかる)	<p>の座標を求めることができる。</p> <p>○空間の点と原点との距離が求められるようになる。</p> <p>○空間図形の中で、等しいベクトルや逆ベクトルを探すことができる。</p> <p>○空間図形において、ベクトルの和や差を考慮することができる。</p> <p>○ベクトルの成分表示について、平面上のベクトルの拡張になっていることを理解し、ベクトルが等しくなるように成分を定めたり、成分表示されたベクトルの大きさを求めたりすることができる。</p> <p>○成分表示された空間のベクトルの演算ができる。</p> <p>○座標空間の 2 点で定められるベクトルを成分表示できる。</p> <p>○位置ベクトルの定義や内分点などの位置ベクトルが平面上のベクトルの場合と同じであることを理解している。</p> <p>○座標空間における 2 点間の距離や線分の内分点、外分点の座標、三角形の重心の座標が求められる。</p>	<p>平面上のベクトルが 2 つのベクトルの線形和で 1 通りに表されることから説明できる。</p>	<p>て捉えようとする。</p> <p>○平面上のベクトルの性質などが空間でも成り立つことから、ベクトルの定義が次元によらないことに興味をもつ。</p> <p>○空間のベクトルの成分表示について、平面上のベクトルの成分表示の拡張として捉えようとする。</p> <p>○平面上のベクトルの内積の性質が空間でも成り立つことから、内積の定義が次元によらないことに興味をもつ。</p> <p>○座標平面上の図形の方程式について改めて正しく理解し、座標空間についても同じ考え方で図形の方程式について考察しようとする。</p>
--	-------	---	--	---

第 3 章 複素数平面

評価の観点	知識・技術	思考力・判断力・表現力	主体的に取り組む態度
評価基準 活用できる (できる)	<p>○複素数の極形式について理解し、複素数を極形式で表すことができる。</p> <p>○複素数の積、商の絶対値、偏角の性質を理解し、それらを求めることができる。</p> <p>○複素数の積や商が複素数平面上で何を表すか理解している。</p> <p>○1 の n 乗根を求めることができる。</p> <p>○複素数の方程式について、その意味を考えたり計算したりすることで、表す図形を求めることができる。</p> <p>○原点以外の点を中心として回転した点を表す複素数を求めることができる。</p> <p>○複素数平面上で半直線のなす角を求めることができる。</p>	<p>○共役複素数の性質を理解し、また、それらを証明問題に利用することができる。</p> <p>○1 の n 乗根の求め方をもとに、一般の複素数の n 乗根を求めることができる。</p> <p>○点 z と連動して動く点 w が描く図形について、その式の意味も含めて考察したり説明したりできる。</p>	<p>○複素数が $a+bi$ とは別の形で表せることに興味をもち、それらの違いや共通点を自ら見出そうとする。</p> <p>○極形式の有用性を理解し、複素数の乗法の図形的意味を理解しようとする。</p> <p>○複素数の n 乗根を複素数平面上で図示し、その特徴を見出そうとする。</p> <p>○複素数の方程式が表す図形について、複素数を $x+yi$ とおくなどして、複数の方法で考察しようとする。</p>
習得する (わかる)	<p>○1 つの複素数が複素数平面上で 1 つの点を表すことを理解し、点を複素数平面上に表すことができる。</p> <p>○共役複素数を求めることができる。</p> <p>○複素数平面上で、実軸、原点、虚軸に関して対称な点を表す複素数が、もとの複素数に対してどのような数であるか、理解している。</p> <p>○共役複素数の図形的意味を理解し、z が実数であるための必要十分条件、z が純虚数であるための必要十分条件を理</p>	<p>○複素数の絶対値の定義および図形的意味を理解し、説明できる。</p> <p>○複素数の和、差、実数倍の、複素数平面における図形的意味を理解し、説明できる。</p> <p>○共役複素数や $-z$ などを極形式でどのように表すか、その定義から考察できる。</p> <p>○複素数の n 乗根がちょうど n 個存在することを、極形式を用いて考察できる。</p>	<p>○複素数平面の定義から、複素数の和、差や実数倍が複素数平面上で何を意味するか自ら考察しようとする。</p> <p>○複素数平面の定義から、複素数の和、差や実数倍が複素数平面上で何を意味するか自ら考察しようとする。</p> <p>○複素数の積の図形的な意味から、ド・モアブルの定理を自ら見出したり証明したりしようとする。</p> <p>○図形の問題を、複素数の演算の図形的意味を用いて積極的に考察しよう</p>

		<p>解している。</p> <p>○複素数の絶対値と複素数平面上の2点間の距離を求めることができる。</p> <p>○複素数の和, 差, 実数倍を計算することができる。</p> <p>○ド・モアブルの定理を理解し, 複素数のn乗を求めることができる。</p> <p>○線分の内分点や外分点を表す複素数を求めることができる。</p>	<p>○線分の内分点を表す複素数を活用して, 三角形の重心を表す複素数を求めることができる。</p>	とする。
--	--	--	--	------

第4章 式と曲線

評価の観点		知識・技術	思考力・判断力・表現力	主体的に取り組む態度
評価基準	活用できる (できる)	<p>○x, yの2次式を変形して, 2次曲線の概形を考えることができる。</p> <p>○2次曲線の接線や接点を2次方程式の実数解を利用して求めることができる。</p> <p>○平面上の曲線について, x, yの方程式と極方程式を相互に変換できる。</p>	<p>○条件を満たす点の軌跡として, 楕円の方程式を求めることができる。</p> <p>○2次曲線と直線の共有点を連立方程式の解と捉え, 共有点の個数について考察できる。</p> <p>○2次曲線と直線の接点を連立方程式の重解と捉え, 接線の方程式を求めることができる。</p> <p>○直交座標と極座標の関係性を理解したうえで, 点の座標や方程式を相互に変換することができる。</p>	<p>○複雑な2次曲線の方程式を変形することにより, 焦点や準線などを導こうとする。</p> <p>○2次曲線を, 離心率eと1との大小をもとに, 統一的に捉えようとする。</p> <p>○サイクロイドについて, 具体的な点をプロットするなどして, 媒介変数表示や曲線の概形を考察しようとする。</p> <p>○2次曲線の極方程式について, 離心率eと1との大小をもとに, 統一的に捉えようとする。</p>
	習得する (わかる)	<p>○放物線が, 焦点と準線からの距離が等しい点の軌跡であることを理解している。</p> <p>○放物線の標準形について理解し, 放物線の概形をかいたり焦点や準線を求めたりできる。また, 条件から放物線の方程式を求めることができる。</p> <p>○y軸が軸となる放物線の概形をかくことができる。</p> <p>○楕円が, 2つの焦点からの距離の和が一定である点の軌跡であることを理解している。</p> <p>○楕円の標準形について理解し, 楕円の概形をかいたり焦点や長軸, 短軸の長さを求めたりできる。</p> <p>○焦点の座標などから, 楕円の方程式を求めることができる。</p> <p>○焦点がy軸上にある楕円の概形をかいたり, 焦点や長軸, 短軸の長さを求めたりできる。</p> <p>○楕円が, 円を拡大, 縮小した曲線であることを理解している。</p> <p>○双曲線が, 2つの焦点からの距離の差が一定である点の軌跡であることを理解している。</p> <p>○双曲線の標準形について理解し, 双曲線の概形をかいたり焦点や頂点, 漸近線を求めたりできる。</p> <p>○焦点の座標などから, 双曲線の方程式を求めることができる。</p> <p>○直角双曲線の定義や方程式について理解している。</p>	<p>○軌跡の考え方をを用いて, 放物線の方程式を導くことができる。</p> <p>○軌跡の考え方をを用いて, 楕円の方程式を導くことができる。</p> <p>○軌跡の考え方をを用いて, 双曲線の方程式を導くことができる。</p> <p>○焦点がy軸上にある双曲線の方程式について, 焦点がx軸上にある双曲線をもとに考察できる。</p> <p>○曲線$F(x-p, y-q)=0$は曲線$F(x, y)=0$を平行移動したものであることを理解している。</p> <p>○条件から点の座標を1つの文字で表し, それを曲線の媒介変数表示と捉えることで, その点が描く曲線を求めることができる。</p> <p>○媒介変数表示された曲線の平行移動について, 点の平行移動をもとに考察できる。</p>	<p>○既知の円や放物線などの曲線を, 条件を満たす点の軌跡として捉えなおそうとする。</p> <p>○焦点がy軸上にある楕円の方程式について, 焦点がx軸上にある楕円をもとに考察しようとする。</p> <p>○双曲線の漸近線について, 曲線が限りなく近づくことを確かめようとする。</p> <p>○曲線の媒介変数表示について, 具体的に点をプロットしていくことで, どのような曲線か考察しようとする。</p> <p>○双曲線の媒介変数表示について, 具体的に確かめようとする。</p> <p>○直交座標とは異なる方法で点の位置が表せることに興味をもち, それらの違いや共通点を自ら見出そうとする。</p> <p>○直交座標と極座標の関係に興味・関心をもち, 積極的に相互の関係を考察しようとする。</p>

	<ul style="list-style-type: none">○焦点が y 軸上にある双曲線の概形をかいたり, 焦点や頂点, 漸近線を求めたりできる。○曲線が媒介変数を用いて表される仕組みを理解している。○媒介変数表示された曲線の方程式を求めることができる。○放物線の頂点の軌跡を, 媒介変数を利用して求めることができる。○円や楕円を媒介変数表示できる。○双曲線を媒介変数表示できる。○極座標による表示について理解し, 点の極座標を求めたり, 極座標が与えられた点の位置を求めたりできる。○点の座標について, 直交座標と極座標を相互に変換できる。○円や直線を極方程式で表すことができる。また, 極方程式で表される曲線を図示することができる。		
--	--	--	--